

МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ
СХІДНОУКРАЇНСЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ
імені Володимира Даля

КОНСПЕКТ ЛЕКЦІЙ
з курсу
«НАУКОВІ ОСНОВИ ПЛАНУВАННЯ ТА ОБРОБКИ РЕЗУЛЬТАТІВ
ЕКСПЕРИМЕНТУ»

(для студентів магістратури спеціальності 192 «Будівництво та цивільна інженерія» усіх форм навчання)

Затверджено
на засіданні кафедри
будівництва, урбаністики та
просторового планування
протокол №5 від 17.12.2021р

Севєродонецьк – 2021

УДК 001.8

Конспект лекцій з курсу «Наукові основи планування та обробки результатів експерименту» (для студентів магістратури спеціальності 192 «Будівництво та цивільна інженерія» усіх форм навчання) / Уклад.: Г.М. Хорошун, Г.О.Татарченко. . – Сєверодонецьк вид-во: СНУ ім. В. Даля, 2021. – 51 с.

Методичне видання лекційного матеріалу спрямоване на вивчення і засвоєння студентами теоретичних основ з дисципліни «Наукові основи планування та обробки результатів експерименту» , а також для роботи самостійно.

Укладачі: Г.М.Хорошун, д.т.н., проф.
Г.О. Татарченко, д.т.н., проф.

Рецензент: М.В. Білошицький, к.т.н., доц.

Зміст

1. ЗАВДАННЯ І ПРОБЛЕМИ НАУКИ	4
1.1 Роль і місце науки в суспільстві.....	4
1.2 Моделювання.....	6
1.3 Основні поняття і принципи теорії моделювання.....	7
1.4 Інформаційний пошук	11
1.5 Етапи науково-технічного дослідження	12
1.6 Проблематика наукових досліджень.....	12
2. Методи проведення наукових досліджень.....	16
2.1 Тенденції розвитку науки.....	17
2.2 Державна науково-технічна політика.....	21
2.3 Завдання планування експерименту.....	27
3. ОСНОВНІ ПОНЯТТЯ ТЕОРІЇ ЙМОВІРНОСТІ.....	30
3.1 Числові характеристики випадкових величин.....	30
Точкові оцінки числових характеристик експериментальних законів розподілу.....	31
3.3 Інтервальні оцінки розподілу результатів спостережень і вимірювань	34
3.4 Довірчі інтервали для дисперсії і середнього квадратичного відхилення.....	37
3.5 Знаходження грубих похибок.....	38
4. РЕГРЕСІЙНИЙ АНАЛІЗ.....	40
4.1 Кореляційна залежність.....	40
4.2 Два основних завдання вимірювання зв'язків	40
4.3 Емпірична лінія регресії.....	41
4.4 Метод найменших квадратів.....	44
4.5 Нелінійна регресія	45
4.6 Множинний регресійний аналіз.....	49
Література	50

1. ЗАВДАННЯ І ПРОБЛЕМИ НАУКИ

1.1 Роль і місце науки в суспільстві

Наука - слово багатозначне. Наука - форма творчої суспільної діяльності людини. Наука - явище світової культури.

Економіка будь-якої держави не може спиратися лише на матеріальні ресурси. Тільки реалізуючи інтелектуальний освітній потенціал, напрацювання у високих технологіях, країна може одержати надійну і перспективну економічну опору.

Державна науково-технічна політика - складова частина соціально-економічної політики, що виражає відношення держави до наукової діяльності.

Розвиток науки і техніки є певним чинником прогресу суспільства, підвищення добробуту, духовного і інтелектуального зростання. Цим обумовлена необхідність пріоритетної державної підтримки розвитку науки, як «Закон про науку і науково-технічну діяльність» визначає правовий статус суб'єктів наукової діяльності, матеріальні й моральні стимули забезпечення престижності й пріоритетності цієї сфери людської діяльності.

Обов'язковою складовою успішних реформ у всіх країнах є випереджаючий розвиток інтелектуального потенціалу. Світовий досвід показує, що життєвий рівень усіх верств населення соціально-економічна ситуація в країні визначаються ступенем освіченості суспільства і його відношенням до інтелектуальних цінностей.

У двадцяти розвинених країнах працює 95% учених світу, прибуток на душу населення тут зростає щорічно на 200 доларів США, а в країнах з низьким науковим потенціалом – лише на 10 доларів.

Враховуючи обмеженість інтелектуальних ресурсів окремої країни, велика увага відводиться «імпорту інтелекту». Полювання за інтелектом в найближчому майбутньому перетвориться на самостійний і вигідний вид бізнесу.

Інтелектуальний потенціал нації - це:

- система освіти,
- комп'ютерне забезпечення,
- система зв'язку,

- бази даних і електроніка,
- система науки,
- інтелектуальна власність (патенти, ліцензії, ноу-хау).

Інтеграція України в світовий економічний простір можлива тільки через піонерські наукові досягнення.

Науковою основою для досліджень і ефективного управління різними системами служить системний підхід, сутність якого полягає в тому, що вивчається кожний елемент системи в його зв'язку і взаємодії з іншими елементами.

Точні науки не можуть дати повного й всебічного опису реальних об'єктів, оскільки вони дуже складні і час то описуються статистичними характеристиками.

Математика як метод пізнання навколишнього світу, з її винятковою потужністю не завжди може дати повний опис явищ, процесів і об'єктів. Математика вимагає ідеалізації. Реальна крапка, на відміну від ідеальної, має кінцеві розміри, реальний газ відрізняється від ідеального і т.д.

Сама по собі ідеалізація не є серйозним відступом від реальності, але виникає питання, наскільки близький досліджуваний об'єкт до його ідеального образу.

Ідеальний образ - це модель і наука має справу з моделями світу, дуже складними, але все таки моделями. Наука будує складну модель, яка відповідає дійсності, але цілком здатна вичерпатися, а потім вивчає цю модель або відкидає, замінюючи новою.

Модель - інструмент наукового пізнання. Слід пам'ятати, що модель лише приблизно відображає дійсність.

Чим вищі вимоги до точності результату, тим більшу кількість чинників треба враховувати при побудові моделі.

Вимога адекватності є однією з найважливіших при побудові моделі. Адекватність означає правильність якісного опису об'єкта за вибраними характеристиками. Адекватність - це і правильний якісний опис об'єкта за вибраними характеристиками з деякою розумною точністю.

Модель типу «чорного ящика» адекватна, якщо в рамках вибраного ступеня точності вона функціонує так само, як і реальна система, тобто визначає того ж оператора перетворення входів у виходи.

Побудова моделі завжди пов'язана з компромісом.

Гіпотеза про структуру моделі повинна прийматися на підстав і фізичних уявлень про природу об'єкта і великої кількості апріорної інформації. Визначення системи нічого не говорить про внутрішній зміст, тому будь-яку систему можна зобразити у вигляді «чорного ящика».

Будуючи модель, дослідник з усієї цієї множини вибирає лише декілька змінних, що виконують важливу роль для функціонування системи.

1.2 Моделювання

Моделювання - це дослідження об'єктів пізнання на їх моделях, побудові і вивченні моделей реально існуючих предметів, явищ і конструкцій об'єктів.

Модель в широкому значенні - це образ якого-небудь об'єкта, що є оригіналом, або системи об'єктів:

- а) фізичне моделювання - експериментальне дослідження;
- б) математичне; в) імітаційне.

Науковий підхід до дослідження будь-якого явища полягає у формуванні заснованих на досвіді та інтуїції абстрактних логічних уявлень, адекватність і доцільність яких перевіряється практично.

Етап абстрагування при вивченні того чи іншого фізичного явища або об'єкта полягає у виділенні найбільш суттєвих їх властивостей і ознак, представлення цих властивостей і ознак в такій спрощеній формі, що забезпечує можливість наступного експериментального або теоретичного дослідження на достатньо змістовному рівні.

Представлення об'єкта або явища називається *моделлю*. Модель використовується для побудови шляхом логічної дедукції внутрішньо несуперечливої теорії, яка описує явища або поведінку об'єкта, а також для постановки експериментів.

Практична користь висновків, одержаних при використанні моделі, служить

критерієм її адекватності.

У процесі дослідження систем використовується фізичне і математичне модулювання.

Фізичне моделювання здійснюється шляхом відтворення процесу, що досліджується на моделі, яка має відмінну від оригіналу природу та однаковий математичний опис процесу функціонування (наприклад, маятник і коливальний контур). Єдність природи виявляється у вражаючій аналогічності диференціальних рівнянь, що відносяться до різних областей явищ.

Математичне моделювання полягає в розробці сукупності математичних співвідношень, що описують з тим або іншим ступенем точності процес функціонування системи. Формалізована математична модель відображає лише найбільш суттєві сторони, закономірності поведінки вивченого об'єкта. Математична модель, як правило, містить опис множини можливих станів системи, опис закону, відповідно до якого система переходить з одного стану в інший, і задає макрофункцію системи – залежність вихідного сигналу (відгуку системи) від стану системи і вхідних впливів. При побудові математичних моделей можуть бути використані наступні фундаментальні принципи: фізичний детермінізм і фізичний індетермінізм.

1.3 Основні поняття і принципи теорії моделювання

Отже щоб порівняти між собою різні стратегії проведення операції (чи рішення), потрібно отримати відповідні значення показників ефективності. Для цього, у свою чергу, корисно мати математичну модель досліджуваної операції.

Таким чином, основна проблема полягає в тому, як її (модель) вибрати. У цьому випадку найкраще розраховувати на власні сили, точніше на власні знання і досвід. Якщо досвід приходить тільки з часом, то відповідні знання можна отримати безпосередньо з моделей.

Розглянемо основні принципи моделювання, які у стислій формі відображають певний досвід, що накопичений до дійсного часу в області розробки й використання математичних моделей.

Принцип інформаційної достатності. При повній відсутності інформації про досліджувану систему побудова її моделі неможлива. При наявності повної інформації про систему її моделювання позбавлене змісту. Існує деякий критичний рівень апріорних відомостей про систему (рівень інформаційної достатності), при досягненні якого може бути побудована її адекватна модель.

Принцип здійсненності. Створювана модель повинна забезпечувати досягнення поставленої мети дослідження з імовірністю, що істотно відрізняється від нуля, і за кінцевий час. Звичайно задають деяке граничне значення P_0 імовірності досягнення мети моделювання $P_{(t)}$, а також прийняту границю t_0 часу досягнення цієї мети. Модель вважають здійсненою, якщо виконана умова $P_{(t_0)} \geq P_a$

Принцип множинності моделей. Даний принцип є ключовим. Мова йде про те, що створювана модель повинна відбивати в першу чергу, ті властивості реальної системи (чи явища), що впливають на вибраний показник ефективності. Відповідно при використанні будь-якої конкретної моделі пізнаються тільки деякі сторони реальності. Для більш повного її дослідження необхідний ряд моделей, що дозволяють з різних сторін з різним ступенем детальності відбивати розглянутий процес.

Принцип агрегування. У більшості випадків складну систему можна подати як таку, що складається з агрегатів (підсистем), для адекватного математичного опису яких виявляються придатними деякі стандартні математичні схеми. Крім того, принцип агрегування дозволяє досить гнучко перебудовувати модель залежно від завдань дослідження.

Принцип параметризації. У ряді випадків моделювальна система має у своєму складі деякі відносно ізольовані підсистеми, що характеризуються певним параметром, у тому числі векторним. Такі підсистеми можна замінити в моделі відповідними числовими величинами, а не описувати процес їхнього функціонування. При необхідності залежність значень цих величин від ситуації може задаватися у вигляді таблиці, графіка чи аналітичного виразу (формули). Принцип параметризації дозволяє скоротити обсяг і тривалість моделювання. Однак треба мати на увазі, що параметризація знижує адекватність моделі.

Ступінь реалізації перерахованих принципів у кожній конкретній моделі може бути різним, причому це залежить не тільки від бажання розробника, але й від дотримання ним технології моделювання. А будь-яка технологія припускає наявність певної послідовності дій.

Слово «комп'ютер» поки що в нашому випадку не використовувалося. Проте рано чи пізно воно повинно було з'явитися. Почнемо зі словосполучення «комп'ютерне моделювання», що все частіше застосовується у відповідній літературі. Саме по собі це поняття дуже широке і кожен автор трактує його по-своєму. Зустрічаються, наприклад, такі вирази: «комп'ютерне моделювання екологічних систем», «комп'ютерне моделювання річок» і т.п. У зв'язку з цим є необхідність уточнити, що ж розуміють під цим терміном. У нашому випадку *комп'ютерне моделювання* – це моделювання з використанням засобів обчислювальної техніки. У комп'ютерному моделюванні модель застосовується як елемент, поряд з яким можуть бути і математичні, і нематематичні моделі. Відповідно, технологія комп'ютерного моделювання припускає виконання таких дій:

- визначення мети моделювання;
- розробка концептуальної моделі;
- формалізація моделі;
- програмна реалізація моделі;
- планування модельних експериментів;
- реалізація плану експерименту;
- аналіз і інтерпретація результатів моделювання.

Зміст перших двох етапів практично не залежить від математичного методу, покладеного в основу моделювання (навіть навпаки – їх результат визначає вибір методу).

Очевидно, в одних випадках більш кращим є аналітичне моделювання, в інших – імітаційне (чи поєднання того й іншого). Щоб вибір був вдалим, необхідно відповісти на два запитання:

- з якою метою проводиться моделювання?
- до якого класу може бути віднесене модельоване явище?

Відповіді на ці запитання можуть бути отримані в ході виконання двох перших етапів моделювання.

Загальна мета моделювання у процесі прийняття рішення – це визначення (розрахунок) значень вибраного показника ефективності (ПЕ) для різних стратегій проведення операції (чи варіантів реалізації системи, що проектується). При розробці конкретної моделі мета моделювання повинна уточнюватися з урахуванням використовуваного критерію ефективності. Для критерію придатності модель, як правило, повинна забезпечувати розрахунок значень ПЕ для всієї безлічі припустимих стратегій. При використанні критерію оптимальності модель повинна дозволяти безпосередньо визначати параметри досліджуваного об'єкта, що дають екстремальне значення ПЕ.

Таким чином, мета моделювання визначається як метою досліджуваної операції, так і планованим способом використання результатів дослідження. Наприклад, проблемна ситуація, що вимагає ухвалення рішення, формулюється в такий спосіб: знайти варіант побудови обчислювальної мережі, що мав би мінімальну вартість при дотриманні вимог щодо продуктивності й надійності. У цьому разі метою моделювання є встановлення параметрів мережі, що забезпечують мінімальне значення ПЕ, у ролі якого виступає вартість.

Задача може бути сформульована інакше: з декількох варіантів конфігурації обчислювальної мережі вибрати найбільш надійний. Тут у якості ПЕ вибирається один з показників надійності (середнє напрацювання на відмову, імовірність безвідмовної роботи і т. д.), а метою моделювання є порівняльна оцінка варіантів мережі за цим показником.

Наведені приклади дозволяють стверджувати, що сам по собі вибір показника ефективності ще не визначає «архітектуру» майбутньої моделі, оскільки на цьому етапі не сформульована її концепція чи, як говорять, не визначена концептуальна модель досліджуваної системи.

1.4 Інформаційний пошук

Важливим етапом будь-якого наукового дослідження є глибокий інформаційний пошук за даною темою, критичне усвідомлення його результатів, уточнення завдань дослідження (а можливо, й самої теми).

Інформаційний пошук включає в себе надходження і одержання джерел інформації, що відбивають результати вже проведених раніше досліджень за даною тематикою, систематизують і узагальнюють їх, містять усі потрібні висновки.

Досліднику-початківцю треба мати на увазі, що інформаційний пошук – справа нелегка. Потoki інформації зростають так інтенсивно, що йде мова навіть про інформаційний вибух! Справді, за даними ЮНЕСКО, на початку ХІХ ст. в усьому світі виходило близько 100 періодичних видань. Уже до 1850р. їх кількість збільшилась до 1000, до 1900 р. – перевищила 10000, а в наш час наближається до 500000. Крім того, безперервно збільшується кількість статей у журналах; тепер щорічно їх публікується близько 3000000. Що ж до книжок, то тільки за останні 25 років їх надруковано стільки, скільки було видано за всі попередні 500 років. Взагалі, річний приріст потоку науково-технічної інформації становить 7-10%, а кожні 15 років обсяг цієї інформації подвоюється. У нашій країні існує Державна система науково-технічних бібліотек, які виконують роль центрів науково-дослідної інформації.

Джерела науково-технічної інформації

1. Книги (підручники, навчальні посібники, монографії, брошури).
2. Періодичні видання (журнали, бюлетені, збірники праць інститутів, наукові збірники).
3. Нормативні документи (стандарти, СНІП, тощо).
4. Каталоги й прейскуранти.
5. Патентна документація (патенти й винаходи).

6. Звіти про науково-дослідні й дослідно-конструкторські роботи.
7. Інформаційні видання (збірники НТІ, аналітичні огляди).
8. Інформаційні листки, виставкові проспекти, тощо.
9. Переклади іноземної науково-технічної літератури.
10. Матеріали науково-технічних і виробничих нарад.
11. Дисертації та автореферати дисертацій.
12. Другорядні документи (реферативні огляди, бібліографічні каталоги, реферативні журнали, бібліографічні покажчики, тощо).

Збирання, збереження та видачу інформації здійснюють довідково-інформаційні фонди (ДІФ).

В Україні є центральні галузеві й місцеві (у НДІ) ДІФ. У кожному ДІФ є основний і довідковий фонд.

1.5 Етапи науково-технічного дослідження

1. Початковим обов'язковим документом для проведення науково-технічного дослідження є технічне завдання.
2. Інформаційний пошук і складання методики дослідження. Якщо мета дослідження - розробка способу отримання чого-небудь або створення певного пристрою (конструкції), то обов'язковим етапом є патентне дослідження.
3. Складання попереднього плану дослідження, сприяючого його проведенню найекономічнішим способом і при максимальній ефективності.
4. Попередня розробка дослідження. Обґрунтовується попередня гіпотеза.
5. Будується інформаційна модель, а потім перекладається математичною мовою.
6. Виявлення впливових чинників.
7. Видача ТЗ на проектування експериментальної установки.
8. Підготовка і проведення експериментальної частини дослідження.
9. Обробка даних експерименту. Аналіз і узагальнення результатів.
10. Оформлення результатів дослідження.
11. Впровадження закінчених розробок.

1.6 Проблематика наукових досліджень

У науково-дослідній роботі розрізняють:

- напрямок;
- проблему;
- тему.

Науковий напрямок – це сфера досліджень наукового колективу, що присвячені розв’язанню певних значних, фундаментальних або прикладних, теоретично-експериментальних проблем в даній галузі знань або людської діяльності (наприклад, науковий напрямок – спектрофотометрія неоднорідних середовищ, коли закон Бугера значно ускладнюється завдяки появі ефектів розсіяння, у зв’язку з чим виникає багато наукових проблем).

Структурними категоріями наукового напрямку є:

- проблема;
- тематика;
- питання.

Наукова проблема – це сукупність завдань, що охоплює значну область досліджень і має перспективне значення чи економічний або соціальний ефект (наприклад, у вищезазначеному науковому напрямку є проблема врахування кооперативних та розсіювальних ефектів, в результаті чого значно ускладнюється встановлення чи вимірювання точних значень оптичних параметрів часток, що зумовлюють розсіяння. Ця проблема може бути вирішена експериментально завдяки, наприклад, внесенню у вимірювальну систему інтегровальної сфери, в якій реалізується закон збереження випромінювання:

$R + \alpha + \sigma + T = 1$. При цьому вимірявши R , α , і T , знаходимо, σ , яке і вносить спотворення у вимірювальну інформацію).

Проблема вирішується, задачі – розв’язуються.

Щоб вирішити проблему або розв’язати задачі, треба сформулювати і виконати наукові роботи з теми, дати відповідь на певні наукові запитання, що виникають у ході наукової роботи або на етапі постановки завдання досліджень.

Під *науковим питанням* розуміють конкретні наукові завдання, що відносяться до вузької області наукових досліджень.

Постановка *теми* включає ряд етапів:

- вибір і формулювання теми;
- прогнозування очікуваного результату;
- постановлення актуальної (тобто її цінності або своєчасності, абокорисності на даному етапі);
- розроблення структури наукової теми і визначення конкретних наукових питань, які потрібно дослідити.

Тему і наукову проблематику обговорюють на засіданні наукового колективу з опонентами у процесі дискусії.

Тема повинна розв'язувати нове наукове завдання, тобто таке, яке до цього часу ніколи не розроблялося, або не повторювало вже відомих істин.

Завдання є наукові, а є інженерні. Наукові завдання – це такі, які знаходять принципову новизну в явищах і процесах і які є ще невирішеними. Інженерні завдання направлені на практичну реалізацію та удосконалення існуючих способів, приладів, методів і т. ін.

Тема повинна відповідати профілю наукового колективу, який має достатню компетентність, спеціалізацію, традиції, досвід, теоретичний рівень в розв'язанні тих чи інших наукових завдань.

Науковий напрямок очолює досвідчений керівник – науковець. Наукову проблему вирішує, як правило, колектив під керівництвом доктора наук. Наукове завдання розв'язують кандидати наук. Конкретні завдання або питання розв'язують виконавці, в тому числі наукові працівники, інженерний склад і студенти.

Емпіричний рівень дослідження

Експеримент – це науково поставлене дослідження або нагляд дослідженого явища в точно розрахованих або наперед заданих умовах.

Теоретичний рівень.

Висуваються і формуються загальні дані в предметній області, закономірності, що дозволяють не тільки пояснити, але й передбачити, тобто створюються теорії.

Різні закономірності в навколишній дійсності можуть бути представлені в наступному вигляді:

$$Y = F(x_1, x_2, x_3, t, a_1, \dots, a_i, \dots, a_n) \pm \Delta Y, \quad (1.1)$$

де Y - характеристика об'єкту дослідження, що вивчається;

x_1, x_2, x_3, t - координати простору й часу;

a_1, a_2, \dots, a_i - параметри, що визначають протікання процесу і залежать від форми матерії, її стану і структури.

Вираз (1.1) представляє науковий закон. Приймаючи значення ΔY як ознаку, можна розділити об'єкти дослідження на дві групи:

- 1) $\Delta Y \rightarrow 0$, закон виражається функціональною залежністю і процеси називаються детермінованими;
- 2) значенням ΔY нехтувати не можна, необхідно спробувати встановити статистичні (імовірнісні) зв'язки.

У природі немає строго детермінованих процесів. Є процеси, які можна вивчати детермінованими методами і одержувати при цьому задовільні результати. Але є процеси, вивчення яких неможливо без застосування статистичних або інших методів. У міру розвитку науки, поглиблення наших знань про об'єктивну дійсність, у міру врахування все більш широкого кола впливових факторів, значення останніх методів все більш зростає. Яскравим прикладом здійснення цієї тенденції є найбільш загальна наука про природу – фізика.

2. МЕТОДИ ПРОВЕДЕННЯ НАУКОВИХ ДОСЛІДЖЕНЬ

Метод - сукупність прийомів або операцій практичного або теоретичного об'єкта дійсності, які застосовуються для вирішення конкретного завдання.

Порівняння - операція мислення, за допомогою якої класифікують, упорядковують і оцінюють зміст дійсності.

Вимірювання - це операція мислення, за допомогою якої визначається відношення однієї (вимірюваної) величини, до іншої, однорідної їй величини, що приймається за одиницю. Число, що виражає таке відношення, називається числовим значенням вимірюваної величини.

Індукція - це вид узагальнення, пов'язаний з представленням результатів наглядів і експериментів на основі даних простого досвіду.

Дедуція - операція мислення, яка полягає в тому, що нові знання виводяться на підставі знань загальнішого характеру, одержаних раніше шляхом узагальнень наглядів, дослідів, практичної репутації і т.д.

Аналіз - це процедура розкладання предмета або явища на складові частини в цілях пізнання.

Синтез - це поєднання різних елементів, сторін об'єкта в єдине ціле, яке здійснюється як у практичній діяльності, так і в процесі пізнання.

Будь-який процес утворення поняття заснований на єдності аналізу і синтезу.

Наукова ідея - це форма думки, що є новим поясненням явища. Нові знання: парадигма - парадокс - парадигма.

Гіпотеза - науково обгрунтоване припущення про безпосередньо не спостережуваний факт або про закономірну подію, що пояснює відомусукупність знань.

Абстракція - це метод наукових досліджень, заснований на тому, що при вивченні деякого об'єкта відвертаються від його неістотних в даній ситуації сторін, ознак:

- а) ізолюючої;
- б) узагальнюючої; в) організуючої.

Узагальнення - форма приросту знання шляхом уявного переходу від часткового до загального, яке звичайно відповідає переходу на вищий ступінь абстракції.

2.1 Тенденції розвитку науки

У чому полягають основні тенденції розвитку сучасної науки – науки пізнання і науки творчості. Існує твердження про те, що наука розвивається на шляху все більшої спеціалізації. Обсяг знань виріс настільки, що тепер неможливо бути не то що Леонардо да Вінчі або Ломоносовим, але й просто фізиком на кшталт фізика XIX століття. Вже не має фізики як такої, а є атомна фізика, радіофізика, фізика надпровідників, фізика низьких температур, молекулярна фізика і т. ін.

Спеціалісти в цих галузях всі не розуміють один одного, вони говорять на різних мовах. Розвиток науки прийняв гігантські розміри. Звичайно, значно легше бути вузьким спеціалістом, ніж вченим, який мислить широкими категоріями. Посилаючись на спеціалізацію, можна обґрунтувати лінощі розуму, не бажаючи знайомитись з іншими галузями знань.

У дійсності ситуація зовсім інша. Основна тенденція сучасної науки полягає в діалектичній єдності спеціалізації і об'єднання. Саме об'єднання різних дисциплін, побудова єдиного природознавства – найважливіша риса науки в наші дні.

Математика, фізика, хімія, біологія – основні галузі природознавства. Сьогодні вони об'єднуються в різні міжгалузеві напрямки. Раніше тільки фізика широко застосовувала математичні ідеї, математичний апарат. Тепер цей процес поглиблюється, фізичні процеси стимулюють створення нових розділів математики. Математика ввірвалась в хімію. Такі абстрактні її розділи, як топологічна теорія графів, стала основою не тільки дослідження теоретичних проблем хімії, але й вирішення технологічних питань. Після створення квантової механіки була побудована фізична теорія хімічних зв'язків. Таємниче до цього явище одержало наукове пояснення. Тепер ясно, що в основі будь-якого хімічного явища знаходяться фізичні процеси. Широко розвинулись проміжні

науки, умовно розділені на фізичну хімію і хімічну фізику.

У кінці ХХ ст. відбулося включення біології в систему точних наук, що характеризуються строгим математичним підходом, точними формулюваннями законів і висновків. У результаті об'єднання біології з фізикою і хімією виникла молекулярна біологія – одна з найбільш перспективних і багатообіцяючих галузей сучасного природознавства. Хімія звернулась до біологічно-функціональних речовин – розвинулась біоорганічна і біофізична хімія. Ідеї і методи одних наук все більше вриваються в інші науки. Сама класифікація наук стає історично змінною.

У результаті об'єднання математики, фізики, електро- і радіотехніки, біології і фізіології виникла кібернетика, яка відіграє найважливішу роль в сучасному науковому світогляді. Давно було ясно, що вихід на перехрестя наук, встановлення нових зв'язків між далекими, здавалось би, явищами природи означає прорив на новий етап пізнання. Це і є шлях науки.

Багато що заважає цьому природному процесу об'єднання. Відома теза про необхідність вузької спеціалізації, повільність руйнування рутини шкільної і університетської освіти, в результаті якої хімік боїться інтеграла, а фізик – хімічної формули. Психологічно зрозуміла боязнь об'єднання наук – будь-яке руйнування традицій сприймається боляче. Є тут і омана: створення фізичної теорії хімічних явищ, створення квантової хімії представляється знищенням хімії як самостійної науки. У дійсності значення і краса ідей та методів хімії як науки піднімається на більш високий ступінь. Природному і неминучому об'єднанню наук спричиняє і зростання загальної культури, раціональне планування розвитку науки.

Не менш суттєвим є виникнення нових наук (ергономіка, теорія ігор, теорія систем) і поява нових областей у старих науках (конструктивістська математика, фрактальна математика, логіка практичних міркувань, алгебра нечітких множин і т. ін.), що зумовлено людською діяльністю.

Майстром культури близького майбутнього, ймовірно, буде не вузький спеціаліст, багатосторонній діяч, якому близькі і наука, і мистецтво, а творче

життя в цілому. Буде поглиблюватись поняття вченими їх відповідальності перед суспільством, пильна увага до етики і естетики.

Важливою тенденцією розвитку науки є її подальша інтеграція. У цьому зв'язку здається принциповою екстраполяція синтетичних процесів у науці й змісту знання на пізнавальні засоби вираження і перетворення цього знання. Тут мається на увазі не тільки спроби побудови загальної теорії систем. Не менш важливі ті зміни, що відбуваються в сучасній методології науки. Вони характеризуються взаємопроникненням, зближенням ідеалів природничо-наукового і гуманітарного знання.

Важливим є переорієнтація дослідницького інтересу з питання «як пізнати» на метапроблему – «для чого пізнати». Інакше кажучи, важливим регулятором інтеграційних процесів сучасної науки стають ціннісні аспекти.

Однією з найважливіших тенденцій розвитку сучасної науки є орієнтація на людину. Проблема людини, її ролі й місця в сучасному світі набула гострого соціального змісту. Вона знаходиться в центрі теоретичного дослідження цілого комплексу наук: філософії, соціології, психології, біології, медицини, економіки, енергетики і т. ін.

Ще однією важливою тенденцією розвитку наукового пізнання є його технологічна направленість.

Розвиток творчих здібностей людини стає проблемою суспільного виробництва. Подолати розділення технологічної і культурної функції науки – одна з особливостей сучасного наукового знання.

Технологічне застосування знання в тій мірі, в якій воно одночасно виступає як процес розвитку людини, є культурним феноменом. Але неправомірно ототожнювати технологізацію науки з реалізацією її культурної функції. Результатом цього процесу може бути підвищення ефективності суспільної праці не через розвиток техніки, а внаслідок підвищення її культури. Сполучення технологічної і культурної функції науки веде до взаємопроникнення зовнішніх і внутрішніх факторів наукового розвитку.

Проблеми, що виникають у виробництві і, адресовані науці не як зовнішні

цілі, а як мета культурного чоловіка, який перетворює світ.

Якщо наука, яка виникла в результаті відділення духовних потенцій від матеріального виробництва і довгий час була лише функцією останнього, змушена була реагувати на його запити, то тепер самі ці запити і навіть цілі галузі виробництва констатуються завдяки іманентному розвитку науки.

Розгляд взаємозв'язку науки і виробництва орієнтує дослідження не на минуле, а на майбутнє, тобто на створення людиною свого власного світу. А це накладає свій відбиток і на розвиток самої людини. Вона повинна формуватися не як «частковий» робітник, а як універсальна, цілісна особистість.

Розуміння науки в контексті людської діяльності веде до необхідності визнання внутрішньої соціальної зумовленості пізнання не тільки суспільства, але й природи. Звідси випливає, що пізнання світу разом з тим є самопізнання людини, і воно містить в собі соціальний і гуманістичний сенс.

Гуманізація науки – довгий процес. Незважаючи на потужні інтеграційні тенденції, зв'язки між природничими і суспільними науками мають переважно зовнішній характер. Більше того, навіть в середині однієї і тієї ж сфери природничої науки вузька спеціалізація розділяє вчених стіною некомпетентності.

Проблеми, що виникають на межі наук, ведуть до створення нових наукових дисциплін відповідно до галузевого принципу їх структурування. Проте стрімке зростання інтеграційних процесів показує, що вже на сучасному етапі галузевий принцип перестав відповідати провідним тенденціям розвитку науки й виробництва.

Відсутність необхідної пружності стає перепорою на шляху науково-технічного прогресу. Вузька спеціалізація і відсутність органічного взаємозв'язку природничих і гуманітарних наук створює від'ємний вплив на розвиток науки в цілому.

У наш час втілення наукового знання у практику є єдиноспрямованим процесом. Зворотній зв'язок малоефективний. Саме це є причиною того, що в практику втілюються не ті знання, які дійсно потрібні, а ті, які впроваджуються більш легко і більш простіше. Цим пояснюється невміння і небажання більшості

виробників орієнтуватися на нові досягнення науки. Ситуація ускладнюється ще й тим, що знання, які можуть бути втілені в практику, мають комплексний характер, тобто вони базуються на різних, інколи взаємовиключаючих принципах раціональності.

2.2 Державна науково-технічна політика

Економіка будь-якої держави не може спиратися лише на сировинні ресурси. Тільки реалізуючи інтелектуальний, освітній потенціал, невитребовані доробки у високих технологіях, країна зможе одержати надійну й перспективну економічну опору.

Важливою проблемою для державної науково-технічної і інноваційної політики України є прагнення до досягнення стандартів сучасного європейського світового рівня. Якщо ще десять років тому для забезпечення конкурентних позицій України було достатньо проведення ринкових перетворень в системі науково-технічного виробництва і удосконалення інституціонального середовища, то тепер вже потрібна глибинна і комплексна модернізація усіх підсистем суспільства. Така модернізація повинна бути послідовною і виконуватись на основі доктрини – *доктрини економіки знань*. Сьогодні саме знання, здатність до їх генерацій, використання і розповсюдження стає основою національної конкурентоздатності і базовою передумовою прискореного соціально-економічного росту.

Економіка знань, яка є фундаментом і головним компонентом «інноваційної економіки», базується на якісному змісті освіти і продуктивних знаннях, що забезпечує можливість втілення гуманітарно-інтелектуального капіталу в практичні результати.

Розвиток інтелектуального потенціалу населення – основа основ інноваційного вибору України, базовий пріоритет державної політики в освітній, науковій і науково-технічній сферах, головна мета держави, що має на увазі:

- реалізацію і розвиток творчих здібностей талановитих дітей і молоді;
- комплексний розвиток системи освіти;
- стимулювання дослідної і наукової діяльності шляхом творчої розумової праці;

- підвищення суспільного престижу роботи вчених і наукових працівників;

Цим зумовлена необхідність пріоритетної державної підтримки розвитку науки як джерела економічного зростання і невід'ємної частини національної культури і освіти, створення умов для реалізації інтелектуального потенціалу громадян у сфері наукової і науково-технічної діяльності, цілеспрямованої політики в забезпеченні використання досягнень вітчизняної і світової науки й техніки для задоволення соціальних, економічних, культурних і інших потреб.

«Закон про науку і науково-технічну діяльність» визначає правовий статус суб'єктів наукової і науково-технічної діяльності, матеріальні й моральні стимули забезпечення престижності й пріоритетності цієї сфери людської діяльності, залучення до неї інтелектуального потенціалу нації, економічні, соціальні і правові гарантії наукової та науково-технічної діяльності, свободи наукової творчості; основні цілі, напрямки й принципи державної політики у сфері наукової і науково-технічної діяльності; повноваження органів державної влади відносно виконання державного регулювання і управління в сфері науковій і науково-технічній діяльності.

Наукова діяльність – інтелектуальна творча діяльність, направлена на одержання і використання нових знань. Основними її формами є фундаментальні й прикладні наукові дослідження.

Фундаментальні наукові дослідження - наукова теоретична, або експериментальна діяльність, направлена на одержання нових знань про закономірність розвитку природи, суспільства, людини, їх взаємозв'язок.

Прикладні наукові дослідження – наукова і науково-технічна діяльність, спрямована на одержання і використання знань для практичних цілей.

Науково-технічна діяльність – інтелектуальна творча діяльність, направлена на одержання і використання нових знань у всіх областях науки й технології. Її основними формами є науково-дослідні, дослідно-конструкторські, проектно-конструкторські, технологічні, пошукові й проектно-пошукові роботи, виготовлення дослідних зразків або партій науково-технічної продукції, а також роботи, пов'язані з доведенням наукових і науково-технічних знань до стадії

практичного використання.

Науково-педагогічна діяльність - педагогічна діяльність у вищих навчальних закладах і закладах післядипломної освіти III-IV рівнів акредитації, пов'язана з науковою або науково-технічною діяльністю.

Науково-організаційна діяльність – діяльність направлена на методичне, організаційне забезпечення і координацію наукової, науково-технічної і науково-педагогічної діяльності.

Суб'єктами наукової і науково-технічної діяльності є: вчені, наукові працівники, науково-педагогічні працівники, а також наукові заклади, наукові організації, вищі навчальні заклади III-IV рівнів акредитації, суспільні організації з науковою і науково-технічною діяльністю.

Вчений – фізична особа, яка має вищу освіту і проводить фундаментальні або прикладні наукові дослідження і одержує наукові або науково-технічні результати.

Наукова робота – дослідження з метою одержання наукового результату. Науковий результат – нове знання, одержане у процесі фундаментальних або прикладних наукових досліджень і зафіксованих на носіях наукової інформації у формі звіту, наукової роботи, наукової доповіді, наукового повідомлення, монографічного дослідження, наукового відкриття і т. д.

Наукова або науково-технічна продукція – науковий або науково-технічний результат, призначений для реалізації.

Науково-прикладний результат – нове конструктивне або технологічне рішення, експериментальний зразок, закінчене випробування, розробка, яка впроваджена або може бути впроваджена в суспільну практику. Науково-прикладний результат може бути у вигляді звіту, економічного проекту конструкторської або технологічної документації на науково-технічну продукцію.

Науковою організацією визнається юридична особа, незалежно від організаційно-правової форми і форми власності, а також суспільне об'єднання наукових працівників, основною діяльністю яких відповідно до установчих документів є наукова або науково-технічна діяльність і підготовка наукових

працівників.

Наукові організації діляться на науково-дослідні організації, наукові організації закладів вищої професійної освіти, дослідно-конструкторські, проектно-конструкторські, проектно-технологічні та інші організації, які здійснюють наукову або науково-технічну діяльність.

Уряд і органи виконавчої влади організують відповідно до законодавства державну акредитацію наукових організацій і видають їм посвідчення про державну акредитацію. Посвідчення про державну акредитацію видається науковій організації, обсяг наукової або наукової-технічної діяльності якої складає не менше семидесяти відсотків загального обсягу робіт, що виконуються організацією і статутом якої передбачена вчена (наукова, технічна, науково-технічна) рада як один із органів керування. Посвідчення про державну акредитацію є підставою для надання науковій організації пільг, встановлених для наукових організацій законодавством.

Науковій організації, яка має унікальні досліджено-експериментальне устаткування, наукових працівників і спеціалістів високої кваліфікації і наукова або науково-технічна діяльність якої одержала міжнародне визнання, урядом може бути присвоєний статус державного наукового центра.

Органи державної влади повинні:

- гарантувати суб'єктам наукової і науково-технічної діяльності свободу творчості, даючи їм право вибору напрямку й методів проведення наукових досліджень;
- гарантувати захист від недобросовісної конкуренції, визнавати право на обґрунтований ризик, забезпечувати свободу доступу до наукової і науково-технічної інформації;
- гарантувати підготовку, підвищення кваліфікації і перепідготовку наукових працівників і спеціалістів державних наукових організацій;
- гарантувати фінансування проектів, що виконуються за державним замовленням.

Науковий працівник – вчений, який за основним місцем роботи, відповідно до трудового договору професійно займається науковою і науково-технічною, науково-організаційною або науково-педагогічною діяльністю, і має відповідну

кваліфікацію незалежно від наявності наукового ступеня або вченого звання, підтверджену результатами атестації.

Науково-педагогічний працівник – вчений, який за основним місцем роботи займається професійною педагогічною і науковою або науково-технічною діяльністю у вищих навчальних закладах і установах післядипломної освіти III- IV рівній акредитації.

Науковим працівником (дослідником) є громадянин, який має необхідну кваліфікацію і професійно займається науковою і науково-технічною діяльністю. Єдиний реєстр, передбачений державною системою атестації наукових ступенів і вчених звань, а також порядок присудження наукових ступенів або присвоєння вчених звань встановлюється урядом.

Право видачі дипломів і атестатів, які підтверджують присудження наукових ступенів і присвоєння вчених звань, має спеціально уповноважений на це урядом орган виконавчої влади.

Спеціалістом наукової організації (інженерно-технічним працівником) є громадянин, який має середню професійну або вищу професійну освіту і сприяє одержанню наукового і науково-технічного результату або його реалізації.

Вчений має право:

- вибирати форми, напрямки й засоби наукової і науково-технічної діяльності відповідно до своїх інтересів, творчих можливостей і загальнолюдських цінностей;
- об'єднуватися з іншими вченими в постійні або тимчасові наукові колективи для проведення наукової і науково-технічної діяльності;
- брати участь у конкурсах на виконання наукових досліджень, які фінансуються за рахунок коштів Державного бюджету України та інших джерел відповідно до законодавства України;
- претендувати на визнання авторства на наукові й науково-технічні результати своєї діяльності;
- публікувати результати своїх досліджень у порядку, встановленому законодавством України;

- брати участь у конкурсах на заміщення вакантних посад наукових і науково-педагогічних працівників;
- одержувати, передавати й розповсюджувати наукову інформацію;
- одержувати державне й суспільне визнання через присудження наукових ступенів, присвоєння вчених звань, премій, почесних звань за вклад у розвиток науки, технологій, впровадження наукових, науково-прикладних результатів у виробництво і за підготовку наукових кадрів.

Вчений при виконанні наукової, науково-технічної і науково-педагогічної діяльності зобов'язаний:

- не завдавати збитків здоров'ю людини, її життю і оточуючому середовищу, притримуватися етичних норм наукового співавторства, поважати право на інтелектуальну власність.

Науковий працівник має право на:

- визнання його автором наукових і науково-технічних результатів і подачу заявок на винаходи та інші результати інтелектуальної діяльності;
- одержання доходів від реалізації наукової і науково-технічної діяльності і винагород, заохочень і пільг, відповідних його творчому вкладу;
- здійснення підприємницької діяльності в галузі науки й техніки;
- подачу заявок на участь у наукових дискусіях, конференціях і симпозиумах;
- участь у конкурсі на фінансування наукових досліджень за рахунок бюджету, фондів підтримки наукової і науково-технічної діяльності та інших джерел;
- подачу заявок на участь у міжнародному науковому і науково-технічному співробітництві (стажування, відрядження, публікації наукових праць за межами території держави);
- доступ до інформації про наукові й науково-технічні результати, якщо вона не містить відомостей, що відносяться до державної, службової або комерційної таємниці, та інші;
- публікацію у відкритому друку наукових і науково-технічних результатів;
- мотивовану відмову від участі в наукових дослідженнях, що спричиняють негативний вплив на людину, суспільство і оточуюче середовище;

- підвищення кваліфікації.

Науковий працівник зобов'язаний:

- здійснювати наукову й науково-технічну діяльність і експериментальні розробки, не порушуючи прав і свободи людини, не спричиняючи шкоди її життю і здоров'ю, а також оточуючому природному середовищу;
- об'єктивно здійснювати експертизи представлених йому наукових і науково-технічних програм і проєктів, наукових і науково-технічних результатів і експериментальних розробок.

Наукові працівники можуть укласти договори про сумісну наукову або науково-технічну діяльність, можуть створювати на добровільній основі суспільні об'єднання (наукові, науково-технічні й науково-просвітні товариства, суспільні академії наук). Органи державної влади можуть залучати до добровільних суспільних об'єднань наукових працівників для підготовки проєктів рішень в області науки й техніки, проведення експертиз, а також на основі конкурсів до виконання наукових і науково-технічних програм і проєктів, що фінансуються за рахунок коштів відповідного бюджету.

2.3 Завдання планування експерименту

З постановкою і проведенням експериментів фактично пов'язана історія людства в цілому. Проте в більшості випадків ці роботи проводились хаотично на рівні інтуїції і попереднього досвіду, тому коефіцієнт корисної дії їх був досить низьким. Коли враховувати, що вартість одного досліду, як правило, висока, то не важко уявити, скільки коштувало людству проведення науково не спланованих експериментів. Особливо це важливо при дослідженні складних систем (а сучасні об'єкти практично всі є складними), поведінка яких залежить від великої кількості факторів.

Важливою умовою науково поставленого досліду є мінімізація загального числа дослідів (а значить, затрат матеріальних, трудових і часових), при цьому зменшення кількості дослідів не повинно суттєво відбитися на якості одержаної інформації.

При плануванні експерименту необхідно перш за все визначити

1. мету експерименту і показники його якості,
2. вказати характеристики плану,
3. побудувати модель експерименту,
4. вибрати критерії оптимальності плану,
5. встановити обмеження на показники якості дослідження.

Організація і проведення експериментального дослідження потребує застосування особливих методів планування експерименту, тобто процедури вибору числа дослідів, необхідних і доступних для вирішення завдання з необхідною точністю і статистичною надійністю, умов постановки дослідів, методів математичної обробки результатів і методів теорії прийняття рішень.

Таким чином, після того як вибрана модель об'єкта і сформульована мета дослідження, треба спланувати експеримент, тобто:

- вибрати методи вимірювань і можливі типи засобів вимірювань;
- дати апріорну оцінку похибок вимірювань;
- сформулювати вимоги до метрологічних характеристик засобів і умов вимірювань;
- вибрати засоби вимірювань відповідно до заданих вимог;
- вибрати параметри вимірювальної процедури;
- координати точок області експерименту, числа спостережень для кожної точки плану, моментів часу вимірювання, послідовності проходження точок плану;
- підготувати засоби вимірювання для проведення експерименту;
- забезпечити умови проведення експерименту.

Експеримент необхідно реалізувати таким чином, щоб за мінімальною кількістю дослідів, варіюючи значення незалежних змінних за спеціально сформульованим правилом, побудувати математичну модель і знайти значення факторів, що забезпечують оптимальне функціонування системи. Простота і наявність строгого математичного апарата, розробленого для моделі «чорний ящик», зумовили широке розповсюдження саме цього типу моделі.

Факторами називаються змінні величини, що приймають в деякий момент часу певне значення і відповідним чином діють на об'єкт. Факторами можуть бути як зовнішні для об'єкта впливи (температура, тиск, напруженість магнітного

і електричного полів, сила тяжіння, параметри джерела живлення та ін.), так і параметри самого об'єкта (опір, ємність та ін. параметри електричної схеми). Вибір факторів, параметрів оптимізації і моделей здійснюється з урахуваннями мети досліджень і умов для проведення експерименту. Кожний фактор може мати в досліді одне, або кілька значень, які називаються рівнями. Фіксований набір рівнів факторів визначає одне з можливих станів об'єкта, що досліджується, і відповідає визначеній точці багатомірного факторного простору.

Фактори можуть бути як кількісними, так і якісними.

Методика планування експерименту в більшості випадків потребує точної установки значень факторів, тому *фактори повинні бути доступними вимірюванню з точністю на порядок вище, ніж точність вимірювання вихідної величини.*

На різні набори рівнів система реагує по різному. Проте існує певний зв'язок між рівнями факторів і реакцією (відгуком) системи.

Вихідна величина в теорії планування експерименту залежно від завдань, що вирішуються, називається відгуком, функцією мети або параметром оптимізації. Серед множини вихідних величин дослідник повинен вміти виділити один параметр, який повинен допускати кількісну оцінку і для якого необхідно встановити функціональну залежність від рівнів факторів або який необхідно оптимізувати.

3. ОСНОВНІ ПОНЯТТЯ ТЕОРІЇ ЙМОВІРНОСТІ

3.1 Числові характеристики випадкових величин

Функція розподілу повністю описує випадкову величину з вірогідної точки зору. Проте на практиці достатньо вказати окремі параметри. Одними з таких характеристик є початкові m_k і центральні M_k моменти різних порядків:

$$m_k = \int_{-\infty}^{+\infty} x^k p(x) dx ; \quad (3.1)$$

$$m_k = \int_{-\infty}^{+\infty} [x - M(x)]^k p(x) dx .$$

На практиці використовується момент першого порядку

який називається математичним очікуванням.

$$M(x) = \int_{-\infty}^{+\infty} xp(x) dx , \quad (3.2)$$

Математичне очікування відноситься до характеристик положення, яке вказує на деяке середнє значення, навколо якого групуються всі можливості значення випадкової величини.

Центральний момент другого порядку, названий дисперсією D , служить мірою розсіяння випадкової величини.

$$D_x = D(x) = \int_{-\infty}^{+\infty} [x - M(x)]^2 p(x) dx . \quad (3.3)$$

Властивості дисперсії:

- 1) $D(a) = 0, d = const;$
- 2) $D = D(x) = a^2 D(x);$
- 3) $D(x \pm y) = D(x) + 2\rho\sqrt{D(x)D(y)} ;$

де ρ – коефіцієнт кореляції

$$\rho = \frac{M[(x - M(x))(y - M(y))]}{\sqrt{D(x)D(y)}} ;$$

$$4) D(x) = M(x^2) - M^2(x)$$

(3.4)

Дисперсія дорівнює різниці між математичним очікуванням його квадрата та квадратом математичного очікування.

Чим більше дисперсія, тим значніше розсіяння випадкової величини:

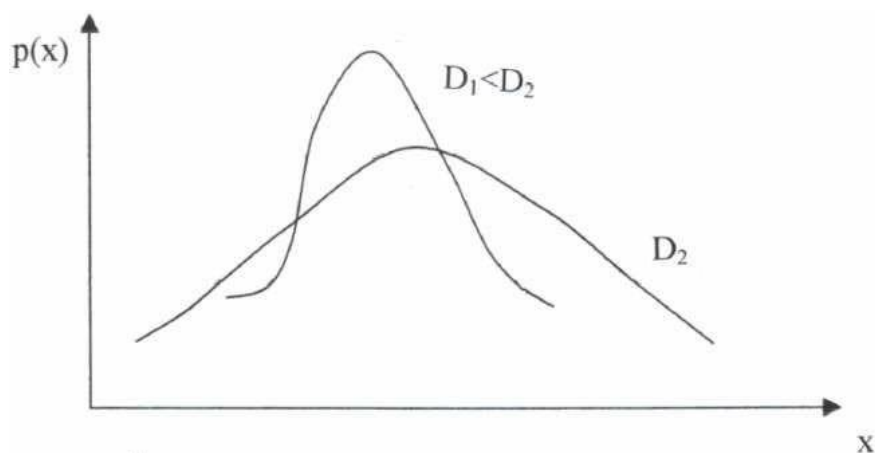


Рис. 3.1

У метрології як міра розсіяння частіше використовується середнє квадратичне відхилення (СКВ), яке має розмірність випадкової величини

$$\sigma(x) = +\sqrt{D(x)}$$

Точкові оцінки числових характеристик експериментальних законів розподілу

Теоретичні закони розподілу характеризуються числовими характеристиками: початковими й центральними моментами різних порядків. Для експериментальних можна одержати оцінки цих характеристик. Оскільки ці оцінки на числовій осі можуть бути подані у вигляді точок, їх прийнято називати точковими на відміну від інтервальних, які зображуються на числовій осі у вигляді інтервалу.

На противагу самим числовим характеристикам їх оцінки є випадковими, причому їх значення і розсіяння залежить від числа експериментальних даних.

Спроможною оцінкою називається оцінка, яка із збільшенням вибірки наближається до істинного значення.

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \hat{M}_x = M_x; \quad \lim_{n \rightarrow \infty} \hat{D}_x = D_x.$$

За визначенням математичного очікування

$$M_x = \int_{-\infty}^{+\infty} X p(x) dx = \lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{j=1}^n X_j p(X_j) \Delta X.$$

$$M_x = \lim_{n \rightarrow \infty} \left[\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i \right].$$

При кінцевому n оцінкою M_x є середнє арифметичне

$$\bar{X} = \frac{1}{n} \sum_{j=1}^n X_j. \quad (3.5)$$

Оскільки \bar{X} з'явилося з M_x при обмеженому обсязі вибірки, то воно є спроможною оцінкою математичного очікування.

За визначенням дисперсії

$$D_x = \int_{-\infty}^{+\infty} (X - M_x)^2 p(X) dx = \lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{i=1}^n (X_i - M_x)^2 p(X_i) \Delta X = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (X_i - M_x)^2$$

тобто спроможною оцінкою D_x є так звана вибіркова дисперсія

На практиці M_x невідоме, тому при розрахунку D_x змінюють оцінкою \bar{X} середнє.

Середнє арифметичне є незміщеною оцінкою математичних очікувань результатів багаторазових спостережень при будь – якому законі розподілу.

Оцінка середньоквадратичного відхилення результату спостереження визначається, як правило, за формулою

$$\hat{\sigma}_X = +\sqrt{\hat{D}_X} = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2} \quad (3.6)$$

Ефективною називається оцінка, яка має найменшу дисперсію (розсіяння) у порівнянні з іншими.

Для вибору ефективною оцінки існує метод максимальної правдоподібності – метод Фішера:

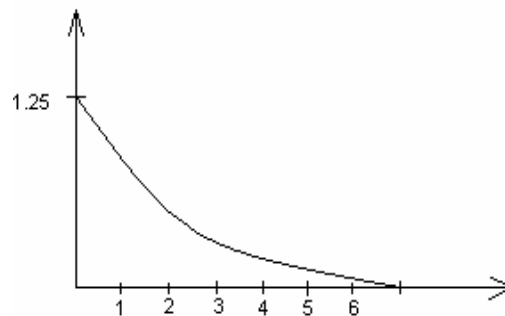


Рис. 3.2

Ідея цього методу полягає у відшуванні таких оцінок параметрів розподілу, при яких досягає максимуму так звана функція правдоподібності. Остання визначається як вірогідність появи всіх незалежних результатів спостережень X_1, X_2, \dots, X_n . Вірогідність появи X_1, X_2, \dots, X_n є добутком цієї вірогідності:

$$p(X_1, X_2, \dots, X_n) = \prod_{i=1}^n \Delta X_i p(X_i)$$

Згідно з принципом максимальної правдоподібності необхідно знати такі оцінки параметрів функції розподілу $p(X_i)$, при яких вираз (3.7) досягає найбільшого значення.

Для спрощення скористаємося логарифмічною функцією правдоподібності:

$$L(X_1, X_2 \dots X_n) = \sum_{i=1}^n \ln p(X_i)$$

Умову максимуму (3.8) одержують в результаті вирішення системи рівнянь, утвореної при прирівнюванні нулю похідної по тих параметрах, оцінки яких ми хочемо визначити. Це завдання можна вирішити для конкретного виду диференційної функції розподілу.

Таким чином, середнє арифметичне є не тільки спроможною і не зміщеною оцінкою математичного очікування, але і для нормального розподілу найефективнішою.

Дисперсія середнього арифметичного дорівнює

$$D_{\bar{x}} = \frac{Dx}{n} \quad (3.7)$$

тобто в n раз менше дисперсії результату спостереження.

3.3 Інтервальні оцінки розподілу результатів спостережень і вимірювань

Сенс оцінки параметрів за допомогою інтервалів полягає у знаходженні інтервалів, названих довірчими, в межах яких з певною ймовірністю (довірчою) знаходяться істинні значення оцінюваних параметрів.

За допомогою середньоквадратичного відхилення (СКВ) можна оцінити ймовірність того, що при одноразовому спостереженні випадкова похибка за абсолютною величиною не перевищить деякої наперед заданої величини ε ,

тобто ймовірність

$$P\{|\delta| < \varepsilon\}$$

Для цього напишемо вираз для дисперсії випадкової похибки:

$$\sigma_x^2 = D(x) = \int_{-\infty}^{+\infty} \delta^2 p_\delta(\delta) d\delta = \int_{-\infty}^{+\infty} (x - M_x)^2 p_\delta(x) dx$$

$$\delta = x - M_x,$$

$$\sigma_x^2 \geq \int_{-\infty}^{-\varepsilon} \delta^2 p_\delta(\delta) + \int_{\varepsilon}^{+\infty} \delta^2 p_\delta(\delta).$$

При заміні під знаком інтеграла δ^2 на меншу величину ε^2 нерівність можна тільки збільшити:

Інтеграл у квадратних дужках є ймовірністю того, що похибка набуде значення, що лежить в інтервалі, визначеному межами інтегрування:

Звідси одержуємо остаточно

(3.9) Цей результат відомий як нерівність Чебишева.

$$\sigma_x^2 \geq \int_{-\infty}^{-\varepsilon} \varepsilon^2 p_\delta(\delta) d\delta + \int_{\varepsilon}^{+\infty} \varepsilon^2 p_\delta(\delta) d\delta = \varepsilon^2 \left[\int_{-\infty}^{-\varepsilon} p_\delta(\delta) d\delta + \int_{\varepsilon}^{+\infty} p_\delta(\delta) d\delta \right].$$

$$\sigma_x^2 \geq \varepsilon^2 (P\{-\infty < \delta \leq +\varepsilon\} + P\{\varepsilon < \delta \leq \infty\}) = \varepsilon^2 (1 - P\{-\varepsilon < \delta \leq +\varepsilon\}) = \varepsilon^2 (1 - P\{|\delta| < \varepsilon\}).$$

Отримаємо нерівність Чебишева:

$$P\{|\delta| > \varepsilon\} < \frac{\sigma_x^2}{\varepsilon^2} \quad (3.8)$$

Вважаючи $\varepsilon = 3\sigma$ знайдемо ймовірність того, що результат одноразового спостереження відрізняється від істинного значення на величину, більшу потрійного середнього квадратичного відхилення, тобто ймовірність того, що випадкова похибка виявиться більшою $3\sigma^2$, що дорівнює близько 11%.

Це означає, що істинне значення Q вимірюваної величини з довірчою ймовірністю $P = 2\Phi(t_p) - 1$ знаходиться між межами довірчого інтервалу:

Половина довжини довірчого інтервалу $t_p \sigma_x$ називається довірчою границею випадкового відхилення результатів спостереження, яка відповідає довірчій ймовірності P .

Для визначення довірчої границі заданої ймовірності, наприклад $P = 0,95$ або $P = 0,995$ і за формулою:

$$2\Phi(t_p) - 1 = P,$$

$$\Phi(t_p) = \frac{1 + P}{2} \quad (3.9)$$

знаходимо відповідне значення $\Phi(t_p)$ інтегральної функції нормованого нормального розподілу. Потім за даними таблиці знаходимо значення коефіцієнта t_p обчислюємо довірче відхилення $t_p \sigma_x$.

Проведення багаторазових спостережень дозволяє значно скоротити довірчий інтервал.

Одержаний довірчий інтервал, побудований за допомогою середнього арифметичного результатів n незалежних повторних спостережень, в корінь з n разів коротше інтервалу, обчисленого за результатом одного спостереження, хоча довірна ймовірність для них однакова. Це говорить про те, що збіжність вимірювань зростає пропорційно кореню квадратному із числа спостережень.

Половина довжини нового довірчого інтервалу

$$\delta_p = t_p \frac{\sigma_x}{\sqrt{n}} \quad (3.10)$$

називається довірчою границею похибки результату вимірювань, а результат вимірювання запишеться як

$$Q = \bar{X} \pm \delta_p; \quad P = \dots \% \quad (3.11)$$

Тепер розглянемо випадок, коли розподіл результатів спостережень нормальний, але їх дисперсія невідома. У цих умовах користуються відношенням Стюдента.

Величини X і обчислюють на основі дослідних даних, вони являють собою точкові оцінки математичного очікування і середнього квадратичного відхилення результатів спостережень:

$$S_x = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2} \quad (3.12)$$

Величина k називається числом ступенів свободи і дорівнює $n-1$.

Ймовірність того, що дріб Ст'юдента в результаті виконаних

спостережень прийме деяке значення в інтервалі $(-t_p; +t_p)$, обчислюється за формулою:

$$P\{-t_p < t \leq +t_p\} = \int_{-t_p}^{+t_p} S(t, k) dt.$$

Величини t_p , обчислені за формулами (3.15), були табульовані Фішером для різних значень довірчої ймовірності P в межах 0,1 - 0,99 при $k=n-1=1, 2 \dots 30$.

Таким чином, за допомогою розподілу Ст'юдента, можебути знайдена ймовірність того, що відхилення середнього арифметичного від істинного значення вимірюваної величини не перевищують

$$\delta_p = t_p S_{\bar{x}}$$

3.4 Довірчі інтервали для дисперсії і середнього квадратичного відхилення

Якщо розподіл результатів спостереження нормальний, то для аналізу можна використовувати розподіл Пірсона з $k=n-1$ ступенями свободи, в яким визначальним є параметр X^2 (читається як χ^2 – квадрат). Функція розподілу Пірсона має вигляд:

$$P_{X_k^2}(\xi) = \frac{1}{\left(\frac{k}{2} - 1\right)! 2^{\frac{1}{2}k}} \xi^{\frac{k}{2}-1} e^{-\frac{1}{2}\xi} \quad (3.13)$$

Криві щільності X^2 – розподілу при різних значеннях k обчислені за формулою (3.13), подані на рис. 3.3.

Значення X^2 які відповідають різним ймовірностям p представлені в таблицях. Користуючись цією таблицею, можна знайти довірчий інтервал для оцінки дисперсії результатів спостережень при заданій довірчій ймовірності. Цей інтервал будується таким чином, щоб ймовірність виходу дисперсії за його межі не перевищувала деякої малої величини q , причому ймовірність виходу за обидві границі інтервалу були б рівні між собою і складали відповідно 1/2 (див. рис. 3.4).

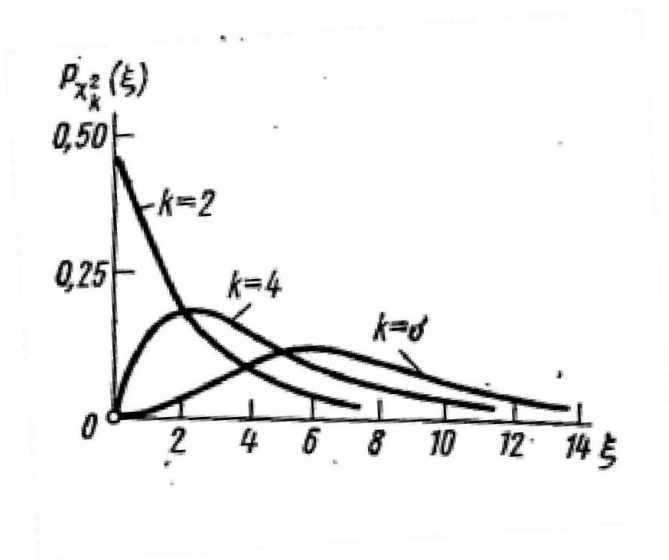


Рис. 3.3

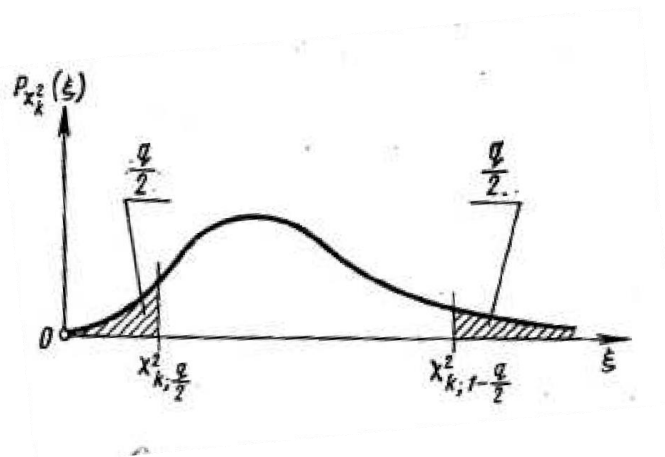


Рис. 3.4

3.5 Знаходження грубих похибок

Грубими називають похибки, які явно перевищують за своїм значенням похибки оправданими умовами проведення експерименту. Особливо часто ставиться питання про усунення грубих похибок при обробці вже наявного матеріалу, поки неможливо врахувати всі обставини, при яких проводили вимірювання. У цьому випадку доводиться застосовувати чисто статистичні методи.

Питання про те, містить даний результат спостережень грубу похибку чині, вирішується загальними методами перевірки статистичних гіпотез.

Гіпотеза, що перевіряється, полягає у твердженні, що результат

спостережень не містить грубої похибки, тобто є одним із значень випадкової величини X із законом розподілу $F_x(x)$, статистичні оцінки параметрів якого попередньо визначені. Сумнівним може бути в першу чергу лише найбільший X_{\max} , або найменший X_{\min} із результатів спостереження. Тому для перевірки гіпотези необхідно користуватися розподілами величин.

$$v = \frac{x_{\max} - \bar{x}}{S_x} \quad \text{або} \quad v = \frac{\bar{x} - x_{\min}}{S_x}$$

4. РЕГРЕСІЙНИЙ АНАЛІЗ

4.1 Кореляційна залежність

Як визначається функціональна залежність? В основі лежить ідея однозначної відповідності між величинами. Кожному значенню однієї змінної - аргументу строго відповідає значення іншої змінної - функції. Проте кожний експериментатор знає, що це поняття є лише абстракцією. Як би точно не виконувався експеримент, як би строго не закріплювались умови досліду й побічні фактори, неминучий розкид результатів. І неможливо прийти до однозначних висновків про залежність, що нас цікавить.

Метою експериментальних досліджень є одержання залежності між вхідними й вихідними величинами, яка називається функцією відклику. Функція відклику є в загальному випадку функцією багатьох змінних і про неї ми маємо самі загальні уявлення (інколи інтуїтивні).

Кінцевою метою експериментальних досліджень є математична модель, що адекватно описує поведінку об'єкта.

4.2 Два основних завдання вимірювання зв'язків

1. Визначити на основі великої кількості даних, як змінювалась би функція при зміні одного із своїх параметрів, якщо б інші її аргументи не змінювались. Причому завдання повинно вирішуватись на матеріалі, коли інші аргументи в дійсності змінюються і своєю змінністю викривляють залежність, що нас цікавить.
2. Визначити ступінь викривляючого впливу інших факторів на залежність, що нас цікавить. Іншими словами, необхідно виявити ступінь, за яким дана залежність проявляється серед різноманіття порушуючих їх впливів.

Завдання статистичного вимірювання зв'язку завжди вирішувались при заданому числі враховуваних ознак.

Нехай світлотехнічна апаратура після зборки і наладки на підприємстві проходить стадію випробувальної роботи або тренінгу. У процесі тренінгу усуваються різні ефекти. В якості показника надійності можна скористатися часом

безвідмовної роботи приладу, причому гарантійний час приймемо за 100% надійності. Нас цікавить залежність надійності (в % до гарантійного терміну) від тренованості апаратури (в % до номінального терміну, встановленого ТЗ).

Надійність Y , аргумент – тренованість X .

Для дослідження цієї залежності скористуємося даними про партію із 200 приладів. Матеріал можна представити графічно, як показано на рис 4.1.

Результати кожного спостереження відмічаються точкою в системі координат.

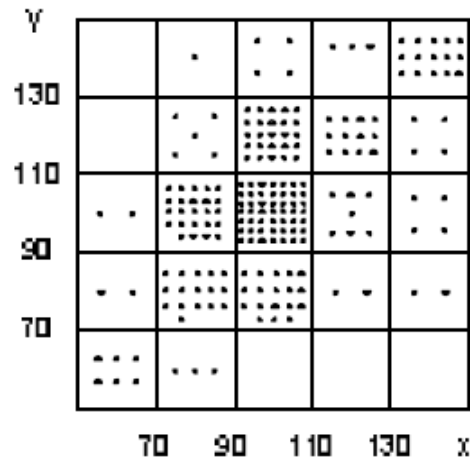


Рис 4.1 - Поле кореляції

Зважаючи на представлений матеріал можна зразу ж сказати, що між Y і X існує залежність. Але це не функціональна залежність.

Вважається, що Y кореляційно залежить від X , якщо

- 1) кожному значенню аргументу X відповідає ряд розподілу функції Y ;
- 2) із змінною X ці ряди закономірно змінюють своє положення.

Рис 3.1 дає нам поле кореляції. Якщо із змінною X ряди не змінюють свого положення або змінюють його випадково, Y кореляційно не залежить від X .

4.3 Емпірична лінія регресії

При дослідженні кореляційної залежності необхідно визначити, в якій бік і з якою швидкістю зміщуються ряди розподілу функції на тих або інших ділянках зміни аргументу. Для цього треба оцінити положення рядів розподілу на осі y .

Перенесемо результати розрахунку на поле кореляції (рис 4.2). Із середини інтервалів аргументу відтворимо ординату, що відповідає y .

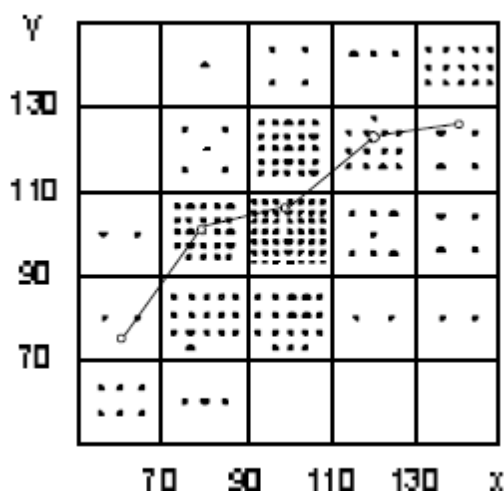


Рис 4.2 Поле кореляцію з емпіричною лінією регресії

Одержана ламана лінія називається емпіричною лінією регресії Y по X . Вона характеризує зміщення рядів розподілу Y із збільшенням X , тобто показує як у середньому змінюється Y із збільшенням X .

Згідно із законом великих чисел можна стверджувати, що при збільшенні числа спостережень емпірична лінія регресії буде все точніше відбивати досліджувану закономірність.

Граничне положення, до якого прагне емпірична лінія регресії при необмеженому збільшенні числа спостережень, називається граничною теоретичною лінією регресії. При $N \rightarrow \infty$ ламана лінія стає все більш плавною і перетворюється в теоретичну лінію регресії.

Спочатку будемо розглядати лінійні моделі. Вибір для розгляду тільки лінійних моделей не обмежує загальності одержаних висновків. Це зумовлено тим, що багато нелінійних моделей можуть бути приведені до лінійних за допомогою відповідних перетворень.

Таким чином, за результатами проведеного експерименту необхідно підібрати (або зробити спробу підібрати) таку гладку криву (в лінійному випадку криву лінію), щоб вона розташувалась як можна ближче до теоретичної лінії

регресії. Не можна очікувати, що всі точки поля кореляції ляжуть на відповідну пряму, оскільки навіть у випадку „безпохибкового” задання вхідної величини вихідна величина Y буде піддаватись випадковим флуктуаціям у результаті дії факторів, якими ми можемо керувати або про існування яких ми не знаємо.

Схема об'єкта для даного випадку наведена на рис 3.3.

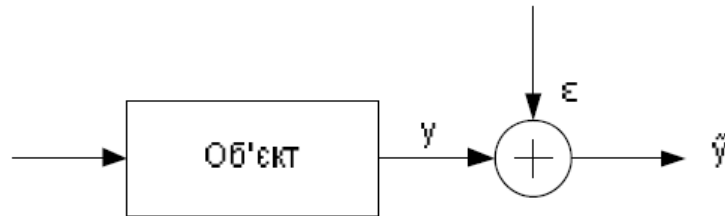


Рис. 4.3 - Модель стохастичного зв'язку

Величина ε зумовлена похибкою вимірювання функції виклику. Її можна інтерпретувати як перешкоду чи шум. Вважаючи, що вхідна величина не випадкова, а фіксована або керована для кожного значення x_i маємо випадкову величину y_i із середнім значенням $\varphi(x)$, тобто

$$\tilde{y}_i = \varphi(x_i) + \varepsilon_i, \quad (4.1)$$

де математичне очікування дорівнює нулю.

Функція $\varphi(x)$ називається функцією регресії випадкової величини Y на X , а графік цієї функції – лінією регресії Y на X . Її математичне очікування визначається так:

$$M[\tilde{y}] = a_0 + a_1 x \quad (4.2)$$

На практиці можливі випадки, коли обидві величини X і Y є випадковими. Пара випадкових величин має деякий сумісний розподіл. Рівняння регресії в цьому випадку визначається як умовне математичне очікування змінної Y

відносно X (регресія Y на X).

Схема регресії як умовне математичне очікування є більш загальною. Класична регресія, що полягає в дослідженні лінійної залежності для фіксованих значень X , характеризується безумовною регресією. Вона дозволяє робити висновки тільки для даного набору незалежної змінної, тоді як в умовній регресії одержані висновки і оцінки мають більш загальний характер. Ці висновки можуть бути розповсюджені на всю генеральну сукупність незалежних змінних.

Спочатку будемо розглядати лінійні моделі – лінійні за параметром a_i . Вибір для розгляду тільки лінійних моделей не обмежує загальності одержаних висновків. Це зумовлено тим, що багато нелінійних моделей можуть бути приведені до лінійних за допомогою відповідного перетворення. Моделі ж, які містять фактори в другому і вищих ступенях, або фактори в них є функціями будь-яких інших змінних ($\sin x$, $\lg x$ і т.і.), можуть бути перетворені в лінійні.

4.4 Метод найменших квадратів

Нехай маємо N пар спостережень (x, y) , причому x_i фіксовані значення вхідної величини. Цьому набору відповідає деяке поле кореляції. Необхідно підібрати лінію регресії виду

$$y = a_0 + a_1 x \quad (4.3)$$

яка б найкращим чином описувала поведінку об'єкта. Як вже відмічалось, через наявність, наприклад, похибки вимірювання значення вихідної величини y_i також будуть випадковими. Для оцінки коефіцієнтів регресії a_0 та a_1 використовується метод найменших квадратів (МНК), який дозволяє мінімізувати суму квадратів різниці відхилення експериментальних даних y_{1i} отриманих за рівнянням регресії розрахункових значень.

МНК полягає в мінімізації функції відстані від точки експерименту до лінії.

Таким чином, МНК є частковим випадком методу максимальної правдоподібності при нормальному законі розподілу.

4.5 Нелінійна регресія

До цього часу ми вважали, що математична модель, яка описує поведінку об'єкту, який досліджується, лінійна і може бути представлена у вигляді

$$\hat{y} = \hat{a}_0 + \hat{a}_1 \sum_{i=1}^N x_i \quad (4.4)$$

Проте уявлення про вид взаємозв'язку між величинами може бути невірним. Щоб підтвердити достовірність результатів, необхідно оцінити відхилення розрахованих значень вихідної величини, одержаних за результатами експерименту (спостережень), з цими експериментальними даними тобто оцінити величину, пропорційну

$$\sum (y_i - \hat{y}_i)^2.$$

Але для цього треба виконати спочатку вагому процедуру визначення оцінок коефіцієнтів \hat{a} , а потім, в гіршому випадку, пересвідчитись, що гіпотеза про вигляд моделі була вибрана невірно.

Можливий більш швидкий шлях оцінки відхилення залежності від лінійної. Він базується на визначенні коефіцієнтів детермінації (дисперсійного або кореляційного відношень). Розглянемо поле кореляції для парної залежності (див. рис. 3.5) і побудуємо в ньому лінію регресії, що задовольняє методу найменших квадратів. Для довільної точки з координатами (x_i, y_i) розглянемо повне відхилення вихідної величини від середнього значення (центру тяжіння). Відповідно до рис. 3.5 для даної i -ї точки можна записати:

$$(\tilde{y}_i - \bar{y})^2 = (\hat{y}_i - \bar{y})^2 + (\tilde{y}_i - \hat{y}_i)^2.$$

Введемо в квадрат обидві частини виразу:

$$(\tilde{y}_i - \bar{y})^2 = (\hat{y}_i - \bar{y})^2 + 2(\hat{y}_i - \bar{y})(\tilde{y}_i - \hat{y}_i) + (\tilde{y}_i - \hat{y}_i)^2.$$

Для всієї сукупності точок поля кореляції

$$\sum_{i=1}^N (\tilde{y}_i - \bar{y})^2 = \sum_{i=1}^N (\hat{y}_i - \bar{y})^2 + \sum_{i=1}^N (\tilde{y}_i - \hat{y}_i)^2.$$

Побудуємо графік лінійної регресії з позначенням важливих коефіцієнтів та різниць значень (рис. 3.5).

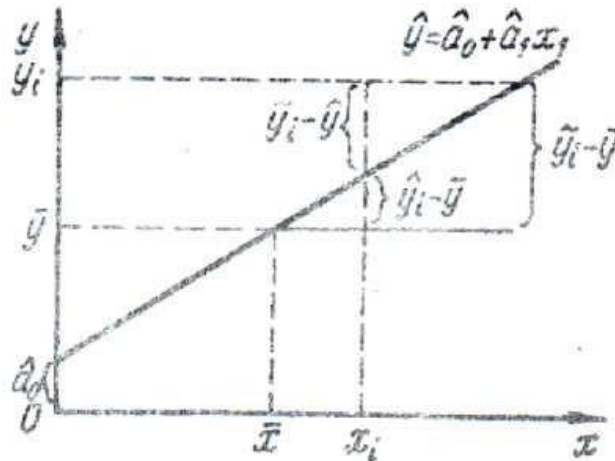


Рис. 3.5 - Побудова лінії регресії і визначення повної дисперсії вихідної величини

Дисперсія умовного математичного очікування може служити характеристикою ступеня зв'язку між вхідною і вихідними змінними, а умовна дисперсія характеристичного ступеня невизначеності, неідентичності, кількісно характеризується неадекватністю даної моделі через неврахування інших факторів моделі, крім x .

Коефіцієнт детермінації регресії $R^2_{y|x}$ визначиться як відношення суми квадратів пояснених відхилень (дисперсії умовною математичного очікування) до всієї суми квадратів відхилень (дисперсії вихідної величини) виразу, тобто

$$R_{y|x}^2 = \frac{\sum_{i=1}^N (\tilde{y}_i - \bar{x})^2}{\sum_{i=1}^N (\tilde{y}_i - \bar{y})^2} = 1 - \left[\frac{\sum_{i=1}^N (\tilde{y}_i - \hat{y}_i)^2}{\sum_{i=1}^N (\tilde{y}_i - \bar{y})^2} \right]$$

Із аналізу останнього виразу випливає, що $R_{y|x}^2$ прагне до одиниці, коли чисельник у дробу прагне до 0. Це свідчить про те, що величини, які досліджуються, пов'язані функціональним зв'язком, а розкид вихідних величин \tilde{y}_i пов'язаний, наприклад, із випадковою похибкою їх вимірювання. Із цього ж виразу виходить, що коефіцієнт детермінації буде дорівнювати нулю тільки в тому разі, коли

$$\sum_{i=1}^N (\tilde{y}_i - \hat{y}_i)^2 = \sum_{i=1}^N (\tilde{y}_i - \bar{y})^2 \quad],$$

тобто коли розсіяння біля лінії регресії \hat{y}_i дорівнюють розсіянням біля загального середнього \bar{y} при будь-якому x_i . Це може бути, якщо вхідна і вихідна величини незалежні.

Із цього випливає, що якщо вхідна і вихідна величини об'єкта що досліджується, незалежні, проте отримане твердження не завжди буде вірним. У загальному випадку коефіцієнт детермінації регресії лежить в межах

$$0 \leq R_{y|x}^2 \leq 1 \quad (4.5)$$

і інтерпретує кількісну характеристику міри невизначеності випадкової величини y за значеннями випадкової величини x . У регресіях з детермінованими незалежними змінними коефіцієнт детермінації необхідно трактувати тільки як показник, що відображає, наскільки модель регресії краще моделі середнього. Взаємозв'язок між коефіцієнтами кореляції і детермінації залишається таким:

$$r_{xy}^2 \leq R_{y|x}^2 \quad (4.6)$$

МНК полягає в мінімізації функції

$$Q = \sum_{i=1}^N \left(\tilde{y}_i - \hat{y}_i \right)^2 \longrightarrow \min .$$

При знаходженні оцінок коефіцієнтів, які задовольняють даним умовам, необхідно взяти часткові похідні і прирівняти до нуля. Отримаємо систему рівнянь, яка називається системою нормальних рівнянь. Число цих рівнянь відповідає числу невідомих:

$$\frac{\partial Q}{\partial \hat{a}_0} = -2 \sum_{i=1}^N \left(\tilde{y}_i - \hat{a}_0 - \hat{a}_1 x_i \right) = 0,$$

$$\frac{\partial Q}{\partial \hat{a}_1} = -2 \sum_{i=1}^N \left(\tilde{y}_i - \hat{a}_0 - \hat{a}_1 x_i \right) \cdot x_i = 0,$$

Може бути нескінченна множина гіпотез про конкретний вид моделі (значення коефіцієнтів). Завдання полягає у виборі моделі, що найкращим чином описує поведінку об'єкта. Для цього скористуємося методом максимальної правдоподібності:

$$P\left(\tilde{y}_i / x_i\right) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{(\tilde{y}_i - y_i)^2}{2\sigma^2}} \quad (4.7)$$

Де P – ймовірність появи y для певного x .

Якщо маємо N вибраних точок, де проводились експерименти, то функція правдоподібності дорівнюватиме добутку ймовірностей. Таким чином, МНК є частковим випадком методу максимальної правдоподібності при нормальному законі розподілу.

4.6 Множинний регресійний аналіз

На практиці випадкова вихідна величина Y час то залежить не від однієї, а кількох змінних. У такому разі можна говорити про поверхню регресії.

$$M(Y/X_1 = X_1, X_2 = X_2, \dots, X_n = X_n) = \varphi(X_1, X_2, \dots, X_n). \quad (4.8)$$

Будемо розглядати лінійні моделі, для яких функція регресії лінійна за параметрами a_j ($j = 1, \dots, n$).

Для проведення регресійного аналізу необхідно виконання наступних умов:

- точність, з якою задаються вхідні змінні (фактори) x_j , що не є випадковими величинами, повинна бути високою;
- похибки вимірювань вихідної величини є випадковими з математичним очікуванням, рівним нулю;
- результати спостережень являють собою однорідні незалежні нормально розподілені величини;
- кожний фактор не є лінійною комбінацією інших факторів.

Таким чином регресія, що розглядається, має вигляд безумовного математичного очікування. Завдання множинного регресійного аналізу полягає в побудові такої прямої в n -мірному просторі, квадрат відхилення результатів спостереження від якого був би мінімальним.

Література

1. Исаканов Г.В. Основы научных исследований в строительстве / Г.В. Исаканов. – К.: В. шк., 1985. – 208 с.
2. Ковальчук В.В. Основы научных досліджень / В.В. Ковальчук, Л.М. Моїсєєв. – К.: Персонал, 2004. – 215 с. 2. Макогон Ю.В. Основы научных досліджень / Ю.В. Макогон, В.В. Пилипенко. – Донецьк: Альфа-прес, 2007. – 144 с.
3. Пілюшенко В.Л. Наукове дослідження: організація, методологія, інформаційне забезпечення / В.Л. Пілюшенко, І.В. Шкрабак, Е.І. Славенко. – К.: Лібра, 2004. – 344 с.
4. Романчиков В.І. Основы научных досліджень / В.І. Романчиков. – К.: ЦУЛ, 2007. – 254 с.
5. Посібник з розробки проектів організації будівництва і проектів виконання робіт до ДБН А.3.1-5-96 "Організація будівельного виробництва" ч.1, ДБН, А.3.1-5-96 "Організація будівельного виробництва", ч.1 Технологічна та виконавча документація
6. Методичні вказівки до практичних занять з дисципліни «Наукові основи планування та обробки результатів експерименту» для студентів спеціальності 192 «Будівництво та цивільна інженерія» / Укл.: Г.О. Татарченко, Г.М. Хорошун - Сєвєродонецьк: Вид-во Східноукраїнського національного університету імені Володимира Даля, 2021.- 48с.

Навчальне видання

КОНСПЕКТ ЛЕКЦІЙ
з курсу
«НАУКОВІ ОСНОВИ ПЛАНУВАННЯ ТА ОБРОБКИ РЕЗУЛЬТАТІВ
ЕКСПЕРИМЕНТУ»

(для студентів магістратури спеціальності 192 «Будівництво та цивільна інженерія» усіх форм навчання)

Укладачі: Хорошун Ганна Миколаївна,
Татарченко Галина Олегівна

Підписано до друку _____
Формат 60×841/16. Папір типограф. Гарнітура Times.
Друк офсетний. Умов. друк. арк. _____. Обл.-вид.арк. _____.
Тираж ____ прим. Вид. № _____. Замовл. № _____. Ціна договірна.

Видавництво Східноукраїнського національного університету
імені Володимира Даля

Адреса видавництва: м. Северодонецьк, просп. Центральний, 59-а, Телефон:
+38(050) 218 04 78, факс (064 52) 4 03 42
E-mail: vidavnictvosnu@gmail.com